

EUROPA-FACHBUCHREIHE für Metallberufe

Roland Gomeringer Volker Menges Stefan Oesterle Thomas Rapp Claudius Scholer Andreas Stenzel Andreas Stephan Falko Wieneke Jan Robert Ziebart

# **Tabellenbuch Metall**

50. Auflage

**Europa-Nr.: 10609** mit Formelsammlung **Europa-Nr.: 1060X** ohne Formelsammlung

Europa-Nr.: 10706 XL, mit Formelsammlung und Keycard

Europa-Nr.: J1060X Jubiläumsausgabe, Hardcover

 $\mbox{VERLAG EUROPA-LEHRMITTEL} \cdot \mbox{Nourney, Vollmer GmbH \& Co. KG}$ 

Düsselberger Straße 23 · 42781 Haan-Gruiten

#### Autoren:

Roland Gomeringer
Volker Menges
Stefan Oesterle
Thomas Rapp
Claudius Scholer
Andreas Stenzel
Andreas Stephan
Meßstetten
Lichtenstein
Amtzell
Amtzell
Albstadt
Metzingen
Balingen
Marktoberdorf

Falko Wieneke Essen
Jan Robert Ziebart Werther

#### Lektorat:

Roland Gomeringer, Meßstetten

#### Bildbearbeitung:

Zeichenbüro des Verlages Europa-Lehrmittel, Ostfildern

Maßgebend für die Anwendung der Normen und der anderen Regelwerke sind deren neueste Ausgaben. Verbindlich für die Anwendung sind nur die Original-Normblätter. Sie können durch die Beuth Verlag GmbH, Burggrafenstr. 6, 10787 Berlin, bezogen werden.

Inhalte des Kapitels "Programmaufbau bei CNC-Maschinen nach PAL" (Seiten 382 bis 403) richten sich nach Veröffentlichungen der PAL-Prüfungsaufgaben- und Lehrmittelentwicklungsstelle der IHK Region Stuttgart. Das vorliegende Tabellenbuch wurde mit aller gebotenen Sorgfalt erarbeitet. Dennoch übernehmen die Autoren und der Verlag für die Richtigkeit der Angaben sowie für eventuelle Satz- oder Druckfehler keine Haftung.

50. Auflage 2025, korrigierter Nachdruck 2025

Druck 6 5 4 3 2

Alle Drucke derselben Auflage sind parallel einsetzbar, da sie bis auf die Korrektur von Druckfehlern identisch sind.

ISBN 978-3-7585-1471-5 mit Formelsammlung ISBN 978-3-7585-1427-2 ohne Formelsammlung ISBN 978-3-7585-1428-9 XL, mit Formelsammlung und Keycard ISBN 978-3-7585-1512-5 Jubiläumsausgabe (Hardcover)

Bei Fragen zur Produktsicherheit wenden Sie sich bitte an produktsicherheit@europa-lehrmittel.de.

Alle Rechte vorbehalten. Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der gesetzlich geregelten Fälle muss vom Verlag schriftlich genehmigt werden.

© 2025 by Verlag Europa-Lehrmittel, Nourney, Vollmer GmbH & Co. KG, 42781 Haan-Gruiten www.europa-lehrmittel.de

Satz: Satz+Layout Werkstatt Kluth GmbH, 50374 Erftstadt Umschlag: Zeichenbüro des Verlags Europa-Lehrmittel, Nourney Vollmer GmbH & Co. KG, 73760 Ostfildern Umschlagfoto: Sauter Feinmechanik GmbH, 72555 Metzingen; © horizon, KI – stock.adobe.com Druck: Himmer GmbH, 86167 Augsburg

#### Vorwort

#### Zielgruppen des Tabellenbuches

- Metallberufe aus Handwerk und Industrie
- Technische Produktdesigner
- Meister- und Technikerausbildung
- Praktiker in Handwerk und Industrie
- Studenten des Maschinenbaues

#### Inhalt

Der Inhalt des Buches ist in sieben Hauptkapitel gegliedert, die in der rechten Spalte benannt sind. Er ist auf die Bildungspläne der Zielgruppen abgestimmt und der Entwicklung der Technik und der KMK-Lehrpläne angepasst.

Die **Tabellen** enthalten die wichtigsten Regeln, Bauarten, Sorten, Abmessungen und Richtwerte der jeweiligen Sachgebiete. Bei den Formeln wird in der Legende auf die Nennung von Einheiten verzichtet. In den oft parallel zum Buch verwendeten "Formeln für Metallberufe" sind dagegen die Einheiten angegeben, um vor allem Berufsanfängern beim Berechnen eine

Metalltechnik PLUS\*\*, das in übersichtlicher Form und mit Formelumstellungen, neben einfachen Grundlagen auch weitergehende Inhalte bietet. Zur besseren Lesbarkeit von Zeichnungen wird auf eine vollständige Spezifikation verzichtet.

Mit der online & offline nutzbaren Ausgabe in der EUROPATHEK liegt das Tabellenbuch Metall in digitaler Form vor. Die neue Version ist geräte- und betriebssystemübergreifend in verschiedenen Varianten erhältlich. Berechnungsmöglichkeiten, Such- und Notizfunktionen sind integriert. Formeln und Einheiten können gewählt und umgestellt werden. Weitere Informationen zu den digitalen Angeboten unter <a href="https://www.europa-lehrmittel.de/tm50">www.europa-lehrmittel.de/tm50</a>.

Das **Sachwortverzeichnis** am Schluss des Buches enthält neben den deutschen auch die englischen Bezeichnungen.

Im **Normenverzeichnis** sind alle im Buch zitierten aktuellen Normen und Regelwerke aufgeführt.

#### Änderungen und Erweiterungen in der 50. Auflage

- Normänderungen bis Februar 2025.
- Aufnahme von "Freischneiden von Bauteilen" und Ergänzungen im Bereich der Festigkeitslehre.
- Änderungen und Ergänzungen durch neue Normen der "Allgemeintoleranzen" und "Oberflächenangaben" nach geometrischer Produktspezifikation (GPS).
- Neustrukturierung des Kapitels "Fertigungstechnik" mit inhaltlichen Änderungen und Ergänzungen beim Qualitätsmanagement und der spanenden Fertigung.
- Aufnahme neuer CNC-Zyklen von PAL.
- Änderungen und Ergänzungen in den Bereichen "GRAFCET" und "Hydraulik".

Autoren und Verlag sind allen Nutzern des Tabellenbuches für Hinweis und Verbesserungsvorschläge an lektorat@europalehrmittel.de dankbar.

1 Technische Mathematik 9 ... 28

2 Technische Physik P

3 Technische Kommunikation 59 ... 130

4 Werkstofftechnik W

5 Maschinenelemente
219 ... 290

6 Fertigungstechnik F

7 Automatisierungstechnik A

# Inhaltsverzeichnis

1	Technische Mathematik				9
1.1	Einheiten im Messwesen SI-Basisgrößen und Basiseinheiten . Abgeleitete Größen und Einheiten Einheiten außerhalb des SI Formeln	10	1.5	Gestreckte Länge, Rohlänge  Flächen  Eckige Flächen  Dreiecke, Vielecke, Kreis  Kreisausschnitt, Kreisring	23
	Formelzeichen, mathem. Zeichen Formeln, Gleichungen, Diagramme . Umstellen von Formeln Größen und Einheiten Rechnen mit Größen, Prozentrechnung, Zinsrechnung	14 15 16	1.6	Ellipse	
1.3	Winkelarten, Satz des Pythagoras Funktionen im Dreieck		1.7	Masse Volumen zusammengesetzter Körper, Berechnung der Masse	
1.4	Längen Teilung von Längen	20	1.8	Schwerpunkte Linien- und Flächenschwerpunkte	28
2	Technische Physik			2	29
2.1	Bewegungen Konstante Bewegung, beschleunigte Bewegung Geschwindigkeiten an Maschinen		2.6	Festigkeitslehre Belastungsfälle, Grenzspannungen Festigkeitswerte, Sicherheitszahlen Beanspruchungsarten	43
2.2	Kräfte Erkennen wirkender Kräfte Darstellung von Kräften Kräfteermittlung Arten von Kräften Drehmoment	33 34 35		Beanspruchung auf Biegung, Flächenpressung Tangentialspannungen Flächen-, Widerstandsmomente Knickung Dynamische Festigkeit	47 48 49 50
2.3	Arbeit, Leistung, Wirkungsgrad Einfache Maschinen und Energie Leistung und Wirkungsgrad		2.7	Gestaltfestigkeit	
2.4	Reibung Reibungskraft, Reibungsarten, Reibungszahlen			Auswirkungen bei Temperaturänderungen Wärme beim Schmelzen, Verdampfen, Verbrennen	
2.5	Druck in Flüssigkeiten und Gasen Druckarten, Hydraulische Kraftübersetzung Druckübersetzung, Durchflussgeschwindigkeit, Zustandsänderung		2.8	Elektrotechnik Größen und Einheiten, Ohmsches Gesetz, Widerstand Stromdichte, Schaltung von Widerständen Stromarten Elektrische Arbeit und Leistung, Transformator	55 56 57

_					
3	<b>Technische Kommunikation</b>				<b>59</b>
3.1	Geometrische Grundkonstruktionen Koordinatensystem Flächendiagramme Strecken, Lote, Winkel Tangenten, Kreisbögen, Vielecke Inkreis, Umkreis, Kreismittelpunkt, Evolvente, Parabel, Hyperbel	61 62 63		Hüllbedingung, Materialbedingung	91
3.2	Zeichnungselemente	04	3.6	Geometrische Tolerierung Geometrische Tolerierung	103
	Schriftzeichen	66 67 68	3.7	GPS – Oberflächen- und Wärmebehandlungsangaben Rauheitskenngrößen Oberflächenangaben Härteangaben	109 110 116
3.3	Darstellungen in Zeichnungen Grundregeln für die Darstellung, Projektionsmethoden Ansichten Schnittdarstellung	73	3.8	Werkstückelemente Butzen, Werkstückkanten Zentrierbohrungen, Rändel Freistiche	117 118 119
3.4	Maßeintragung		3.9	Maschinenelemente	120
3.5	Schraffuren, Systeme der Maßeintragung	78 84		Gewinde und Schraubenverbindungen Zahnräder Wälzlager Dichtungen Sicherungsringe, Federn, Keilwellen	121 122 124 125 126
0.0	ISO-GPS-System Maßeintragung in Zeichnungen Dimensionelle Tolerierung ISO-System für Grenzmaße	87 88	3.10	Schweißen und Löten Symbole Klebe-, Falz- und Druckfügeverbindungen	127
4	Werkstofftechnik			1	131
-					
4.1	Stoffe Stoffwerte Periodisches System der Elemente Chemikalien der Metalltechnik	134	4.4	Stähle, Fertigerzeugnisse         Bleche und Bänder	161 162
4.2	Stähle, Bezeichnungssystem Definition und Einteilung	136	4.5	Wärmebehandlung	171
	Normung von Stahlprodukten Werkstoffnummern Bezeichnungssystem Stähle, Stahlsorten Erzeugnisse aus Stahl – Übersicht Stähle – Übersicht Baustähle Einsatzstähle Vergütungsstähle Nitrierstähle, Automatenstähle Werkzeugstähle Nichtrostende Stähle Federstahl Stähle für Blankstahlerzeugnisse	137 138		Kristallgitter, Legierungen Zustandsdiagramme Wärmebehandlung der Stähle	172 173 175 176
4.3		144		=	177
		150 151	4.6	Gusseisen Bezeichnungssystem Gusseisenwerkstoffe	179 180
		152 <b>4.7</b> 153 155	4.7	Leichtmetalle Aluminiumlegierungen – Übersicht Aluminium-Knetlegierungen Aluminium-Gusslegierungen Aluminium-Profile Magnesiumlegierungen, Titan, Titanlegierungen	

	Schwermetalle Übersicht über die Schwermetalle Bezeichnung Kupferlegierungen Feinzink-Legierungen	193 194		Thermoplaste	5 6 7
	Sonstige Werkstoffe Verbundwerkstoffe, keramische Werkstoffe		4.11	Werkstoffprüfung         21°           Übersicht         21°           Zugversuch         21°           Kerbschlag-, Umlaufbiegeversuch         214°           Härteprüfung         218°	3 4
0	Übersicht		4.12	Korrosion, Korrosionsschutz Korrosion	8
5	Maschinenelemente			219	3
5.1	Gewinde Gewindearten, Übersicht	221 222	5.6	Scheiben für HV-Schrauben	6 7
5.2	Schrauben Schrauben – Übersicht Bezeichnung von Schrauben Festigkeitsklassen Sechskantschrauben Zylinderschrauben Berechnung von Schrauben Schraubensicherungen Antriebsarten von Schrauben	227 228 229 232 238 242		· •	9 0 1 2
5.3	Senkungen Senkungen für Senkschrauben Senkungen für Zylinderschrauben	244	5.9	Griffe, Aufnahme	9
5.4	Muttern Muttern – Übersicht Bezeichnung von Muttern Festigkeitsklassen,			Riemen       27'         Stirnräder       27'         Kegelräder, Schneckentrieb       27'         Übersetzungen       27'	4 6
5.5	Sechskantmuttern Scheiben Übersicht			Lager           Gleitlager         278           Wälzlager         280	
	Scheiben für Stahlkonstruktionen .		5.11	Schmierstoffe Schmierstoffe	9
6	Fertigungstechnik			<b>29</b> 1	
6.1	Qualitätsmanagement Qualitätsmanagement Umweltmanagement Prüfmittel Messergebnis, Prüfmittelfähigkeit Qualitätsplanung, Qualitätslenkung, Qualitätsprüfung Statistische Auswertung Qualitätsfähigkeit Statistische Prozesslenkung Maschinenverordnung (MVO) CE-Kennzeichnung	293 294 295 296 297 300 301 304	6.3	Produktionsorganisation  Erzeugnisgliederung 308  Fertigungssteuerung 308  Kalkulation 313  Instandhaltung  Wartung, Instandsetzung 318  Instandhaltungskonzepte 317  Arbeitssicherheit, Gesundheitsschutz 318  Gießen, Spritzgießen  Modelle, Modelleinrichtungen 319	9 3 6 7 8
	Y-Modell, Begriffe			Schwindmaße, Maßtoleranzen 320 Spritzgießwerkzeug 32	0

Inhaltsverzeichnis 7

0.5	Biegewerkzeug	327 328 330 <b>6.8</b>	Hauptnutzungszeit und Richtwerte . 404 Verfahrenstechnische Einflüsse 405
6.6	Tiefziehverfahren  Spanende Fertigung  Zeitspanungsvolumen  Spezifische Schnittkraft Drehzahldiagramm  Schneidstoffe  Wendeschneidplatten  Werkzeug-Aufnahmen  Kühlschmierstoffe Drehen Fräsen  Bohren, Tieflochbohren, Reiben  Gewindebohren, -formen, -fräsen  Schleifen  Honen  CNC-Technik, Null-, Bezugspunkte  Werkzeug-, Bahnkorrekturen  Programmaufbau,  Wegbedingungen,  Zusatzfunktionen  CNC-Fertigung nach DIN  Befehle nach PAL (Drehen)  Befehle nach PAL (Fräsen)	334 335 336 338 340 341 342 344 356 368 369 376 381 382 383 6.1	Schneidwerkzeug 407 Werkzeug- und Werkstückmaße 409 Lage des Einspannzapfens, Streifenausnutzung 410  Additive Fertigung Verfahren 411 Lasersintern, Werkstoffe 412 D Fügen Schmelzschweißen 413 Schutzgasschweißen 415 Lichtbogenschweißen 417 Qualitätssicherung 419 Strahlschneiden 420 Gasflaschen-Kennzeichnung 422 Lote und Flussmittel 424 Klebstoffe 427 I Arbeits- und Umweltschutz Arbeits- und Umweltschutz 429 Global Harmoniertes System (GHS) 431 Sicherheitsfarben, Verbotszeichen 437 Warnzeichen 438 Sicherheitskennzeichnung 439 Kennzeichnung von Rohrleitungen 441
			Schall und Lärm 442
7	Automatisierungstechnik		Schall und Lärm 442 443
7.1	Automatisierungstechnik  Pneumatik, Hydraulik Schaltzeichen Wegeventile Proportionalventile Kennzeichnung Pneumatische Steuerung Pneumatikzylinder Pumpenleistung Hydraulikpumpen Rohre  GRAFCET Grundbegriffe, Grundstruktur Schritte, Transitionen Aktionen Verzweigung Elektropneumatik, Elektrohydraulik Schaltzeichen Stromlaufpläne	445 446 447 451 452 453 454 457 458 459 460 462 465 7.7	Elektrohydraulische Steuerung 467 Sensoren 468 Elektropneumatische Steuerung 469 Speicherprogrammierbare Steuerungen SPS-Programmiersprachen 470 Binäre Verknüpfungen 473 Ablaufsteuerung 474 Regelungstechnik Grundbegriffe, Prozessleittechnik 478 Bildzeichen für Orte und Geräte 479 Regler 480 Handhabungs- und Robotertechnik Koordinatensysteme, Achsen 482 Aufbau von Robotern 483 Greifer, Arbeitssicherheit 484 Motoren und Antriebe Schutzmaßnahmen 485 Elektromotoren 487
7.1	Pneumatik, Hydraulik Schaltzeichen Wegeventile Proportionalventile Kennzeichnung Pneumatische Steuerung Pneumatikzylinder Pumpenleistung Hydraulikpumpen Rohre GRAFCET Grundbegriffe, Grundstruktur Schritte, Transitionen Aktionen Verzweigung Elektropneumatik, Elektrohydraulik	445 446 447 451 452 453 454 457 458 459 460 462 465 7.7	Elektrohydraulische Steuerung 467 Sensoren 468 Elektropneumatische Steuerung 469 Speicherprogrammierbare Steuerungen SPS-Programmiersprachen 470 Binäre Verknüpfungen 473 Ablaufsteuerung 474 Regelungstechnik Grundbegriffe, Prozessleittechnik 478 Bildzeichen für Orte und Geräte 479 Regler 480 Handhabungs- und Robotertechnik Koordinatensysteme, Achsen 482 Aufbau von Robotern 483 Greifer, Arbeitssicherheit 484 Motoren und Antriebe Schutzmaßnahmen 485

# Normen und andere Regelwerke

# **Normung und Normbegriffe**

Normung ist eine planmäßig durchgeführte Vereinheitlichung von materiellen und nichtmateriellen Gegenständen, wie z.B. Bauteilen, Berechnungsverfahren, Prozessabläufen und Dienstleistungen zum Nutzen der Allgemeinheit.

Normbegriff	Beispiel	Erklärung
Norm	DIN 509	Eine Norm ist das veröffentlichte Ergebnis der Normungsarbeit. Beispiel: DIN 509 mit Formen und Maßen von Freistichen bei Drehteilen und Bohrungen.
Teil	DIN 30910-2	Normen können aus mehreren in Zusammenhang stehenden Teilen bestehen. Die Teilnummern werden mit Bindestrich an die Norm-Nummer angehängt. DIN 30910-2 beschreibt z.B. Sinterwerkstoffe für Filter, während die Teile 3 und 4 Sinterwerkstoffe für Lager und Formteile beschreiben.
Beiblatt	DIN 743 Bbl 1	Ein Beiblatt enthält Informationen zu einer Norm, jedoch keine zusätzlichen Festlegungen. Das Beiblatt DIN 743 Bbl 1 enthält z.B. Anwendungsbeispiele zu den in DIN 743 beschriebenen Tragfähigkeitsberechnungen von Wellen und Achsen.
Entwurf	E DIN EN ISO 129-1 (2019-05)	Normentwürfe werden zur Einsicht und Stellungnahme veröffentlicht. Die Norm DIN EN ISO 129-1 (2020-02) mit Grundlagen der Maß- und Toleranzangabe lag in dieser Fassung der Öffentlichkeit z.B. seit Mai 2019 als Entwurf vor.
Vornorm	DIN V 45696-1 (2006-02)	Eine Vornorm ist das Ergebnis einer Normungsarbeit, das wegen Vorbehalten nicht als Norm herausgegeben wird. DIN V 45696-1 enthält z.B. technische Maßnahmen bei der Gestaltung von Maschinen, die Ganzkörper-Schwingungen auf den Menschen übertragen.
Ausgabe- datum	DIN 76-1 (2016-08)	Zeitpunkt des Erscheinens, welcher im DIN-Anzeiger veröffentlicht wird und mit dem die Norm Gültigkeit bekommt. Die DIN 76-1, welche Ausläufe und Freistiche für metrische ISO-Gewinde festlegt, ist z.B. seit August 2016 gültig.

# Normenarten und Regelwerke (Auswahl)

Art	Kurzzeichen	Erklärung	Zweck und Inhalte		
Internationale Normen (ISO-Normen)	ISO	International Organization for Standardization, Genf (O und S werden in der Abkürzung vertauscht)	Den internationalen Austausch von Gü- tern und Dienstleistungen sowie die Zu- sammenarbeit auf wissenschaftlichem, technischem und ökonomischem Gebiet erleichtern.		
Europäische Normen (EN-Normen)	EN	Europäische Normungsorgani- sation CEN (Comunité Européen de Normalisation), Brüssel	Technische Harmonisierung und damit verbundener Abbau von Handelshemmnissen zur Förderung des Binnenmarktes und des Zusammenwachsens von Europa.		
Deutsche Normen	DIN	<b>D</b> eutsches Institut für <b>N</b> ormung e.V., Berlin	Die nationale Normungsarbeit dient der Rationalisierung, der Qualitätssicherung,		
(DIN-Normen)	DIN EN	Deutsche Umsetzung einer euro- päischen Norm	der Sicherheit, dem Umweltschutz und der Verständigung in Wirtschaft, Technik, Wissenschaft, Verwaltung und Öffent-		
	DIN ISO	Deutsche Norm, deren Inhalt unverändert von einer ISO-Norm übernommen wurde.	lichkeit.		
	DIN EN ISO	Norm, die von ISO und CEN veröffentlicht wurde, und deren deutsche Fassung als DIN-Norm Gültigkeit hat.			
	DIN VDE	Druckschrift des VDE, die den Status einer deutschen Norm hat.			
VDI-Richtlinien	VDI	Verein Deutscher Ingenieure e.V., Düsseldorf	Diese Richtlinien geben den aktuellen Stand der Technik zu bestimmten The-		
VDE-Druck- schriften	/DE-Druck- VDE Verband der Elektrotechnik		menbereichen wieder und enthalten z.B. konkrete Handlungsanleitungen zur Durchführung von Berechnungen oder zur Gestaltung von Prozessen im Maschinenbau bzw. in der Elektrotechnik.		
DGQ-Schriften	DGQ	Deutsche Gesellschaft für Qualität e.V., Frankfurt am Main	Empfehlungen für den Bereich der Qualitätstechnik.		
REFA-Blätter	REFA	Verband für Arbeitsstudien REFA e.V., Darmstadt	Empfehlungen für den Bereich der Fertigung und Arbeitsplanung.		

1 Tecl	hni	sche Mathematik	
	1.1	Einheiten im Messwesen SI-Basisgrößen und Basiseinheiten	10 10 12
Beispiel: y=0.5x+1 2 m=0.5 b=1 -2 $-11$ $2$ $3-1$ $x$	1.2	Formeln Formelzeichen, mathematische Zeichen. Formeln, Gleichungen, Diagramme. Umstellen von Formeln Größen und Einheiten. Rechnen mit Größen. Prozent- und Zinsrechnung	13 14 15 16 17
Ankathete zu Winkel $\alpha$ Gegenkathete zu Winkel $\alpha$ Winkel $\alpha$ B Hypotenuse	1.3	Winkel und Dreiecke Winkelarten, Strahlensatz Satz des Pythagoras Funktionen im Dreieck Funktionen im rechtwinkligen Dreieck Funktionen im schiefwinkligen Dreieck.	18 18 19 19
	1.4	Längen Teilung von Längen. Bogenlänge	21 21
	1.5	Flächen Eckige Flächen	23 24
	1.6	Volumen und Oberfläche Würfel, Zylinder, Pyramide	26
m' in kg	1.7	Masse Allgemeine Berechnung	
y S S <sub>2</sub>	1.8	Schwerpunkte Linienschwerpunkte	28 28





# SI<sup>1)</sup>-Basisgrößen und Basiseinheiten vgl. DIN 1301-1 (2010-10), -2 (1978-02), -3 (2018-02)

Basisgröße	Länge	Masse	Zeit	Elektrische Strom- stärke	Thermo- dynamische Temperatur	Stoffmenge	Lichtstärke
Basis- einheit	Meter	Kilogramm	Sekunde	Ampere	Kelvin	Mol	Candela
Einheiten- zeichen	m	kg	s	А	К	mol	cd

<sup>1)</sup> Die Einheiten im Messwesen sind im Internationalen Einheitensystem (SI = Système International d'Unités) festgelegt. Es baut auf den sieben Basiseinheiten (SI-Einheiten) auf, von denen weitere Einheiten abgeleitet sind.

# Basisgrößen, abgeleitete Größen und ihre Einheiten

Größe	Formel- zeichen			Beziehung	Bemerkung Anwendungsbeispiele
Länge, Fläch	e, Volum	en, Winkel			
Länge	l	Meter	m	1 m = 10 dm = 100 cm = 1000 mm 1 mm = 1000 μm 1 km = 1000 m	1 inch = 1 Zoll = 25,4 mm  In der Luft- und Seefahrt gilt: 1 internationale Seemeile = 1852 m
Fläche	A, S	Quadratmeter Ar Hektar	m² a ha	1 m <sup>2</sup> = 10 000 cm <sup>2</sup> = 1 000 000 mm <sup>2</sup> 1 a = 100 m <sup>2</sup> 1 ha = 100 a = 10 000 m <sup>2</sup> 100 ha = 1 km <sup>2</sup>	Zeichen S nur für Querschnittsflächen Ar und Hektar nur für Flächen von Grundstücken
Volumen	V	Kubikmeter Liter	m <sup>3</sup>	1 m <sup>3</sup> = 1000 dm <sup>3</sup> = 1 000 000 cm <sup>3</sup> 1 l = 1 L = 1 dm <sup>3</sup> = 10 dl = 0,001 m <sup>3</sup> 1 ml = 1 cm <sup>3</sup>	Meist für Flüssigkeiten und Gase
ebener Winkel (Winkel)	α, β, γ	Radiant  Grad  Minute Sekunde	rad °	1 rad = 1 m/m = 57,2957° = $\frac{180^{\circ}}{\pi}$ 1° = $\frac{\pi}{180}$ rad = 60' 1' = 1°/60 = 60" 1" = 1'/60 = 1°/3600	1 rad ist der Winkel, der aus einem um den Scheitelpunkt geschlagenen Kreis mit 1 m Radius einen Bogen von 1 m Länge schneidet. Bei technischen Berechnungen statt $\alpha=33^\circ$ 17' 27,6" besser $\alpha=33,291^\circ$ verwenden.
Raumwinkel	Ω	Steradiant	sr	$1 \text{ sr} = 1 \text{ m}^2/\text{m}^2$	Der Raumwinkel von 1 sr umschließt auf der Oberfläche einer Kugel mit $r=1$ m die Fläche eines Kugelabschnitts mit $A_0=1$ m <sup>2</sup> .
Mechanik					
Masse	m	Kilogramm Gramm Megagramm Tonne	kg g Mg t	1 kg = 1000 g 1 g = 1000 mg 1 t = 1000 kg = 1 Mg 0,2 g = 1 Kt	In der Alltagssprache bezeichnet man die Masse eines Körpers auch als Gewicht. Massenangabe für Edelsteine in Ka- rat (Kt).
längenbezo- gene Masse	m′	Kilogramm pro Meter	kg/m	1 kg/m = 1 g/mm	Zur Berechnung der Masse von Stä- ben, Profilen, Rohren.
flächenbezo- gene Masse	m"	Kilogramm pro Meter hoch zwei	kg/m²	1 kg/m <sup>2</sup> = 0,1 g/cm <sup>2</sup>	Zur Berechnung der Masse von Blechen.
Dichte	Q	Kilogramm pro Meter hoch drei	kg/m <sup>3</sup>	1000 kg/m <sup>3</sup> = 1 t/m <sup>3</sup> = 1 kg/dm <sup>3</sup> = 1 g/cm <sup>3</sup> = 1 g/ml = 1 mg/mm <sup>3</sup>	Dichte = Masse eines Stoffes pro Volumeneinheit Für homogene Körper ist die Dichte eine vom Ort unabhängige Größe.



Größe	Formel-	Einhei	t	Beziehung	Bemerkung
ai oise	zeichen		Zeichen	•	Anwendungsbeispiele
Mechanik					
Trägheits- moment, Massen- moment 2. Grades	J	Kilogramm mal Meter hoch zwei	kg·m²	Für homogenen Vollzylinder mit Masse $m$ und Radius $r$ gilt: $J = \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2$	Das Trägheitsmoment gibt de Widerstand eines starren, homo genen Körpers gegen die Ände rung seiner Rotationsbewegun um eine Drehachse an.
Kraft	F	Newton	N	$1 \text{ N} = 1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} = 1 \frac{\text{J}}{\text{m}}$	Die Kraft 1 N bewirkt bei der Mass 1 kg in 1 s eine Geschwindigkeits änderung von 1 m/s.
Gewichtskraft	F <sub>G</sub> , G			1 MN = 10 <sup>3</sup> kN = 1000000 N	
Drehmoment Biegemoment Torsionsmoment	М М <sub>ь</sub> М <sub>т</sub> , Т	Newton mal Meter	N⋅m	$1 \text{ N} \cdot \text{m} = 1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2}$	1 N · m ist das Moment, das ein Kraft von 1 N bei einem Hebelarn von 1 m bewirkt.
Impuls	р	Kilogramm mal Meter pro Sekunde	kg · m/s	1 kg ⋅ m/s = 1 N ⋅ s	Der Impuls ist das Produkt au Masse mal Geschwindigkeit. E hat die Richtung der Geschwin digkeit.
Druck mechanische Spannung	ρ σ, τ	Pascal  Newton pro Millimeter hoch zwei	Pa N/mm²	1 Pa = 1 N/m <sup>2</sup> = 0,01 mbar 1 bar = 100 000 N/m <sup>2</sup> = 10 N/cm <sup>2</sup> = 10 <sup>5</sup> Pa 1 mbar = 1 hPa 1 N/mm <sup>2</sup> = 10 bar = 1 MN/m <sup>2</sup> = 1 MPa 1 daN/cm <sup>2</sup> = 0,1 N/mm <sup>2</sup>	Unter Druck versteht man di Kraft je Flächeneinheit. Für Über druck wird das Formelzeichen <i>p</i> verwendet (DIN 1314). 1 bar = 14,5 psi (pounds pe square inch = Pfund pro Qua dratinch)
Flächen- moment 2. Grades	I	Meter hoch vier Zentimeter hoch vier	m <sup>4</sup> cm <sup>4</sup>	1 m <sup>4</sup> = 100000000 cm <sup>4</sup>	früher: Flächenträgheitsmoment
Energie, Arbeit, Wärmemenge	E, W	Joule	J	$1 J = 1 N \cdot m = 1 W \cdot s$ $= 1 kg \cdot m^2/s^2$	Joule für jede Energieart, kW · I bevorzugt für elektrische Energie
Leistung, Wärmestrom	Р Ф	Watt	W	1 W = 1 J/s = 1 N · m/s = 1 V · A = 1 $m^2$ · $kg/s^3$	Leistung beschreibt die Arbeit die in einer bestimmten Zeit ver richtet wurde.
Zeit					
<b>Zeit,</b> Zeitspanne, Dauer	t	Sekunde Minute Stunde Tag Jahr	s min h d a	1 min = 60 s 1 h = 60 min = 3600 s 1 d = 24 h = 86 400 s	3 h bedeutet eine Zeitspanne (3 Std.), 3 <sup>h</sup> bedeutet einen Zeitpunkt (3 Uhr). Werden Zeitpunkte in gemischte Form, z.B. 3 <sup>h</sup> 24 <sup>m</sup> 10 <sup>s</sup> geschrieben so kann das Zeichen min auf nverkürzt werden.
Frequenz	f, v	Hertz	Hz	1 Hz = 1/s	1 Hz ≙ 1 Schwingung in 1 Sekunde
Drehzahl, Umdrehungs- frequenz	n	1 pro Sekunde 1 pro Minute	1/s 1/min	$\frac{1}{\text{s}} = 60/\text{min} = 60 \text{ min}^{-1}$ $1/\text{min} = 1 \text{ min}^{-1} = \frac{1}{60 \text{ s}}$	Die Anzahl der Umdrehungen pro Zeiteinheit ergibt die Drehzahl auch Drehfrequenz genannt.
Geschwin- digkeit	V	Meter pro Sekunde Meter pro Minute Kilometer pro Stunde	m/s m/min km/h	1 m/s = 60 m/min = 3,6 km/h 1 m/min = $\frac{1 \text{ m}}{60 \text{ s}}$ 1 km/h = $\frac{1 \text{ m}}{3,6 \text{ s}}$	Geschwindigkeit bei der Seefahr in Knoten (kn): 1 kn = 1,852 km/h mile per hour = 1 mile/h = 1 mph 1 mph = 1,60934 km/h
Winkel- geschwin- digkeit	ω	1 pro Sekunde Radiant pro Sekunde	1/s rad/s	$\omega = 2 \pi \cdot n$	Bei einer Drehzahl von $n=2/s$ be trägt die Winkelgeschwindigkei $\omega=4$ $\pi/s$ .
Beschleu- nigung	a, g	Meter pro Sekunde hoch zwei	m/s²	$1 \text{ m/s}^2 = \frac{1 \text{ m/s}}{1 \text{ s}}$	Formelzeichen $g$ nur für Fallbe schleunigung. $g = 9.81 \text{ m/s}^2 \approx 10 \text{ m/s}^2$





Größen und Einheiten (Fortsetzung)								
Größe	Formel- zeichen	Einhe Name	it Zeichen	Beziehung	Bemerkung Anwendungsbeispiele			
Elektrizität u	nd Magne	etismus						
Elektrische Stromstärke	1	Ampere	Α		Bewegte elektrische Ladung nennt man Strom. Die Spannung ist			
Elektr. Spannung Elektr.	U R	Volt Ohm	V Ω	1 V = 1 W/1 A = 1 J/C 1 Ω = 1 V/1 A	gleich der Potenzialdifferenz zwei- er Punkte im elektrischen Feld. Den Kehrwert des elektrischen Wi-			
Widerstand Elektr. Leitwert	G ''	Siemens	S	$1 S = 1 A/1 V = 1/\Omega$	derstands nennt man elektrischen Leitwert.			
Spezifischer Widerstand	Q	Ohm mal Meter	$\Omega \cdot m$	$10^{-6} \Omega \cdot m = 1 \Omega \cdot mm^2/m$	$\varrho = \frac{1}{\kappa} \text{ in } \frac{\Omega \cdot \text{mm}^2}{\text{m}}$			
Leitfähigkeit	γ, κ	Siemens pro Meter	S/m		$\kappa = \frac{1}{\varrho} \text{ in } \frac{m}{\Omega \cdot mm^2}$			
Frequenz	f	Hertz	Hz	1 Hz = 1/s 1000 Hz = 1 kHz	Frequenz öffentlicher Stromnetze: EU 50 Hz, USA 60 Hz			
Elektr. Arbeit	W	Joule	J	$\begin{array}{lll} 1 \ J &= 1 \ W \cdot s = 1 \ N \cdot m \\ 1 \ kW \cdot h = 3,6 \ MJ \\ 1 \ W \cdot h &= 3,6 \ kJ \end{array}$	In der Atom- und Kernphysik wird die Einheit eV (Elektronenvolt) ver- wendet.			
Phasenver- schiebungs- winkel	φ		-	für Wechselstrom gilt: $\cos \varphi = \frac{P}{U \cdot I}$	Winkel zwischen Strom und Span- nung bei induktiver oder kapaziti- ver Belastung.			
Elektr. Feldstärke Elektr. Ladung	a	Volt pro Meter Coulomb	V/m C	1 C = 1 A · 1 s; 1 A · h = 3,6 kC	$E = \frac{F}{Q}, C = \frac{Q}{U}, Q = I \cdot t$			
Elektr. Kapazität Induktivität	C L	Farad Henry	F H	1 F = 1 C/V 1 H = 1 V · s/A				
Leistung Wirkleistung	P	Watt	W	$1 W = 1 J/s = 1 N \cdot m/s$ = 1 V · A	In der elektrischen Energietechnik: Scheinleistung <i>S</i> in V · A			
Thermodynai	mik und V	Värmeübertra	gung					
Thermo- dynamische Temperatur	Т, Ө	Kelvin	K	0 K = -273,15 °C	Kelvin (K) und Grad Celsius (°C) werden für Temperaturen und Temperaturdifferenzen verwen-			
Celsius Temperatur	t, θ	Grad Celsius	°C	0 °C = 273,15 K 0 °C = 32 °F 0 °F = -17,77 °C	det. t = T - T <sub>0</sub> : T <sub>0</sub> = 273,15 K Umrechnung in °F: Seite 101			
Wärme- menge	Q	Joule	J	1 J = 1 W · s = 1 N · m 1 kW · h = 3600000 J = 3,6 MJ	1 kcal ≙ 4,1868 kJ			
Spezifischer Heizwert	Hu	Joule pro Kilogramm	J/kg	1 MJ/kg = 1000000 J/kg	Freiwerdende Wärmeenergie je kg (bzw. je m³) Brennstoff abzüglich			
		Joule pro Meter hoch drei	J/m <sup>3</sup>	1 MJ/m <sup>3</sup> = 1000000 J/m <sup>3</sup>	der Verdampfungswärme des in den Abgasen enthaltenen Wasser- dampfes.			

# Einheiten außerhalb des Internationalen Einheitensystems SI

Einheiten außerhalb des Internationalen Einheitensystems SI

pound/in<sup>2</sup>

Länge	Fläche	Volumen	Masse	Energie, Leistung
1 inch(in) = 25,4 mm	1 sq.in = 6,452 cm <sup>2</sup>	1 cu.in = 16,39 cm <sup>3</sup>	1 oz = 28,35 g	1 PSh = 0,735 kWh
1 foot(ft) = 0,3048 m	1 sq.ft = 9,29 dm <sup>2</sup>	1 cu.ft = 28,32 dm <sup>3</sup>	1 lb = 453,6 g	1 PS = 0,7355 kW
1 yard (yd) = 0,9144 m	1 sq.yd = 0,8361 m <sup>2</sup>	1 cu.yd = 764,6 dm <sup>3</sup>	1 t = 1000 kg	1 kcal = 4186,8 Ws
1 Seemeile = 1,852 km	1 acre = 4046,873 m <sup>2</sup>	1 gallon (US) = 3,785 l	1 short ton = 907,2 kg	1 kcal = 1,166 Wh
1 Land-	Druck, Spannung	1 gallon (UK) = 4,546 l	1 Karat = 0,2 g	1 kpm/s = 9,807 W
meile = 1,6093 km		1 barrel (US) = 158,91	1 pound/in <sup>3</sup> = 27,68 g/cm <sup>3</sup>	1 Btu = 1055 Ws
	1 bar = 14,5 pound/in <sup>2</sup>	1 barrel (UK) = 159,1 l		1 bhp = 745,7 W
	1 N/mm <sup>2</sup> = 145,038			





1.2 Formeln **13** 

# Formelzeichen, mathematische Zeichen

Formel	rmelzeichen vgl. DIN 1304-1 (1994-03)				
Formel- zeichen	Bedeutung	Formel- zeichen		Formel- zeichen	Bedeutung
Länge, Fl	nge, Fläche, Volumen, Winkel				
l b h s	Breite Höhe		Radius Durchmesser Fläche, Querschnittsfläche Volumen	$\alpha, \beta, \gamma$ $\Omega$ $\lambda$	ebener Winkel Raumwinkel Wellenlänge
Mechani	k			'	
m m' m'' Q J p p <sub>abs</sub> p <sub>amb</sub>	Masse längenbezogene Masse flächenbezogene Masse Dichte Trägheitsmoment Druck absoluter Druck Atmosphärendruck Überdruck	F F <sub>G</sub> , G M M <sub>T</sub> , T M <sub>b</sub> σ τ ε E	Kraft Gewichtskraft Drehmoment Torsionsmoment Biegemoment Normalspannung Schubspannung Dehnung Elastizitätsmodul	$G \\ \mu, f \\ W \\ I \\ W, E \\ W_p, E_p \\ W_k, E_k \\ P \\ \eta$	Schubmodul Reibungszahl Widerstandsmonent Flächenmoment 2. Grades Arbeit, Energie potenzielle Energie kinetische Energie Leistung Wirkungsgrad
Zeit			I	1	
t T n	Zeit, Dauer Periodendauer Umdrehungsfrequenz, Drehzahl	f, ν ν, u ω	Frequenz Geschwindigkeit Winkelgeschwindigkeit	$\begin{array}{c} a \\ g \\ \alpha \\ Q, V, q_v \end{array}$	Beschleunigung örtliche Fallbeschleunigung Winkelbeschleunigung Volumenstrom
Elektrizit	ät				
Q U C I	Ladung, Elektrizitätsmenge Spannung Kapazität Stromstärke	L R Q γ, κ	Induktivität Widerstand spezifischer Widerstand elektrische Leitfähigkeit	X Z φ N	Blindwiderstand Scheinwiderstand Phasenverschiebungswinkel Windungszahl
Wärme			_		
$T$ , $\Theta$ $\Delta T$ , $\Delta t$ , $\Delta \vartheta$ $t$ , $\vartheta$ $a_l$ , $a$	thermodynamische Temperatur Temperaturdifferenz Celsius-Temperatur Längenausdehnungs- koeffizient	Q λ α k	Wärme, Wärmemenge Wärmeleitfähigkeit Wärmeübergangs- koeffizient Wärmedurchgangs- koeffizient	Φ, Ò a c H <sub>u</sub>	Wärmestrom Temperaturleitfähigkeit spezifische Wärme- kapazität spezifischer Heizwert
Licht, ele	ktromagnetische Strahlung	ı.			
E <sub>v</sub> f Akustik	f Brennweite		Brechzahl Strahlstärke	Q <sub>e</sub> , W	Strahlungsenergie
p c	Schalldruck Schallgeschwindigkeit	L <sub>P</sub>	Schalldruckpegel Schallintensität	N L <sub>N</sub>	Lautheit Lautstärkepegel
Mather	natische Zeichen				vgl. DIN 1302 (1999-12)
Math. Zeichen	Sprechweise	Math. Zeichen	Sprechweise	Math. Zeichen	Sprechweise
≈ <u>≙</u>  ⊗	ungefähr gleich, rund, etwa entspricht und so weiter unendlich	a× √ √	proportional a hoch x, x-te Potenz von a Quadratwurzel aus n-te Wurzel aus	log Ig In e	Logarithmus (allgemein) dekadischer Logarithmus natürlicher Logarithmus Eulersche Zahl (e = 2,718281)
=	gleich	x	Betrag von x	sin	Sinus
≠ <u>def</u> <	ungleich ist definitionsgemäß gleich kleiner als	<u>⊥</u> ∥ ↑↑	senkrecht zu ist parallel zu gleichsinnig parallel	cos tan cot	Kosinus Tangens Kotangens
≤ > ≥ +	größer als   ▶ Winkel Klamm		runde, eckige, geschweifte Klammer auf und zu pi (Kreiszahl = 3,14159)		
- -,/,: Σ	minus mal, multipliziert mit durch, geteilt durch, zu, pro Summe	Δx Delta x (Differenz zweier Werte)  AB Bogen AB geteilt durch, zu, pro % Prozent, vom Hundert a', a" a Strich, a zwei S'		Bogen AB a Strich, a zwei Strich	





1.2 Formeln

# Formeln, Gleichungen, Diagramme

#### **Formeln**

Die Berechnung physikalischer Größen erfolgt meist über Formeln. Sie bestehen aus:

- Formelzeichen, z.B.  $v_{\rm c}$  für die Schnittgeschwindigkeit, d für den Durchmesser, n für die Drehzahl
- Operatoren (Rechenvorschriften), z.B. für Multiplikation, + für Addition,
   für Subtraktion, (Bruchstrich) für Division
- Konstanten, z. B.  $\pi$  (pi) = 3,14159 ...
- Zahlen, z. B. 10, 15 ...

Die Formelzeichen (Seite 13) sind Platzhalter für Größen. Bei der Lösung von Aufgaben werden die bekannten Größen mit ihren Einheiten in die Formel eingesetzt. Vor oder während der Berechnung werden die Einheiten so umgeformt, dass

- · der Rechengang möglich wird oder
- das Ergebnis die geforderte Einheit erhält.

Die meisten Größen und ihre Einheiten sind genormt (Seite 10).

Das Ergebnis ist immer ein Zahlenwert mit einer Einheit, z.B. 4,5 m, 15 s

#### Beispiel

Wie groß ist die Schnittgeschwindigkeit  $v_c$  in m/min für d = 200 mm und n = 630/min?

$$v_c = \pi \cdot d \cdot n = \pi \cdot 200 \text{ mm} \cdot 630 \frac{1}{\text{min}} = \pi \cdot 200 \text{ mm} \cdot \frac{1 \text{ m}}{1000 \text{ mm}} \cdot 630 \frac{1}{\text{min}} = 395,84 \frac{\text{m}}{\text{min}}$$

#### Zahlenwertgleichungen

Zahlenwertgleichungen sind Formeln, in welche die üblichen Umrechnungen von Einheiten bereits eingearbeitet sind. Bei ihrer Anwendung ist zu beachten:

Die Zahlenwerte der einzelnen Größen dürfen nur in der vorgeschriebenen Einheit verwendet werden

Die Einheit der gesuchten Größe ist vorgegeben.

#### Reisnie

Wie groß ist das Drehmoment M eines Elektromotors mit der Antriebsleistung P = 15 kW und der Drehzahl n = 750/min?

$$M = \frac{9550 \cdot P}{n} = \frac{9550 \cdot 15}{750} \text{ N} \cdot \text{m} = 191 \text{ N} \cdot \text{m}$$

#### Formel für die Schnittgeschwindigkeit

$$v_c = \pi \cdot d \cdot n$$

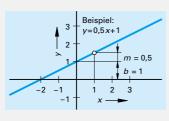
# Zahlenwertgleichung für das Drehmoment

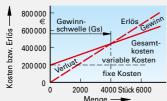
$$M = \frac{9550 \cdot P}{D}$$

vorgeschriebene Einheiten				
Bez	zeichnung	Einheit		
М	Drehmoment	N·m		
Р	Leistung	kW		
п	Drehzahl	1/min		

# Gleichungen und Diagramme

Bei Funktionsgleichungen ist y die Funktion von x, mit x als unabhängige und y als abhängige Variable. Die Zahlenpaare (x, y) einer Wertetabelle bilden ein Diagramm im x-y-Koordinatensystem.





#### 1. Beispiel:

y = 0.5 x	+ 1			
X	-2	0	2	3
	_	1		_

#### 2. Beispiel:

Kostenfunktion und Erlösfunktion

 $K_G$  = 60 €/Stck · M + 200 000 € E = 110 €/Stck · M

М	0	4000	6000
K <sub>G</sub>	200000	440000	560000
Ε	0	440000	660000

# $K_G$ Gesamtkosten $\rightarrow$ abhängige Variable

M Menge → unabhängige Variable

 $K_{\rm f}$  Fixe Kosten  $\rightarrow v$ -Koordinatenabschnitt

 $k_{\rm v}$  Variable Kosten ightarrow Steigung der Funktion

E Erlös → abhängige Variable

# Zuordnungsfunktion

$$y = f(x)$$

#### Lineare Funktion

$$y = m \cdot x + b$$

#### Beispiele:

#### Kostenfunktion

$$K_G = k_V \cdot M + K_f$$

#### Erlösfunktion

$$E = E/Stück \cdot M$$





# **Umstellen von Formeln**

# **Umstellen von Formeln**

Formeln und Zahlenwertgleichungen werden umgestellt, damit die gesuchte Größe allein auf der linken Seite der Gleichung steht. Dabei darf sich der Wert der linken und der rechten Formelseite nicht ändern. Für alle Schritte einer Formelumstellung gilt:

Veränderungen auf der rechten Formelseite

Formel linke rechte Formel-Formel- = seite seite

Zur Rekonstruktion der einzelnen Schritte ist es sinnvoll, jeden Schritt rechts neben der Formel zu kennzeichnen:

 $|\cdot t| \rightarrow$  beide Formelseiten werden mit t multipliziert.

: F → beide Formelseiten werden durch F dividiert.

#### **Umstellung von Summen**

**Beispiel:** Formel  $L = l_1 + l_2$ , Umstellung nach  $l_2$ 

1 
$$L = l_1 + l_2$$
  $|-l_1|$ 

 $l_1$  subtrahieren

 $3 L - l_1 = l_2$ 

Seiten vertauschen

2 
$$L - l_1 = l_1 + l_2 - l_1$$

subtrahieren durchführen

 $|l_2| = L - l_1$ 

umgestellte Formel

### **Umstellung von Produkten**

**Beispiel:** Formel  $A = l \cdot b$ . Umstellung nach l

$$\boxed{1} A = l \cdot b$$

: b

dividieren durch b

 $3\frac{A}{b}=l$ 

Seiten vertauschen

$$2 \frac{A}{b} = \frac{l \cdot b}{b}$$

kürzen mit b



umgestellte Formel

#### Umstellung von Brüchen

**Beispiel:** Formel  $n = \frac{l}{l_{s+s}}$ , Umstellung nach s

$$\boxed{1} n = \frac{l}{l_1 + s}$$

$$|\cdot|(l_1+s)$$

1  $n = \frac{l}{l_1 + s}$   $\left| \cdot (l_1 + s) \right|$   $\left| \text{mit } (l_1 + s) \right|$   $\left| \text{multiplizieren} \right|$ 

4  $n \cdot l_1 - n \cdot l_1 + n \cdot s = l - n \cdot l_1 \mid : n$  subtrahieren dividieren durch n

2 
$$n \cdot (l_1 + s) = \frac{l \cdot (l_1 + s)}{(l_1 + s)}$$

rechte Formelseite Klammer auflösen

 $\boxed{5} \frac{s \cdot n}{n} = \frac{l - n \cdot l_1}{n}$ 

kürzen mit n

$$\boxed{3} \quad n \cdot l_1 + n \cdot s = l$$

3  $n \cdot l_1 + n \cdot s = l$   $-n + l_1$  subtrahieren

 $\boxed{6} \ \ s = \frac{l - n \cdot l_1}{n}$ 

umgestellte Formel

# Umstellung von Wurzeln

**Beispiel:** Formel  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ , Umstellung nach a

$$\boxed{1} c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

()<sup>2</sup>

Formel quadrieren  $a^2 = c^2 - b^2$ 

√ radizieren

$$c^2 = a^2 + b^2$$

b2 subtrahieren

 $\sqrt{a^2} = \sqrt{c^2 - b^2}$ 

Ausdruck vereinfachen

3 
$$c^2 - b^2 = a^2 + b^2 - b^2$$

subtrahieren. Seite tauschen



umgestellte Formel





16 1.2 Formeln

# Größen und Einheiten

#### Zahlenwerte und Einheiten

Physikalische Größe 10 mm Zahlenwert Einheit Physikalische Größen, z.B. 125 mm, bestehen aus einem

Zahlenwert, der durch Messung oder Berechnung ermittelt wird, und aus einer

• Einheit, z.B. m, kg

Die Einheiten sind nach DIN 1301-1 genormt (Seite 10).

Sehr große oder sehr kleine Zahlenwerte lassen sich durch Vorsatzzeichen als dezimale Vielfache oder Teile vereinfacht darstellen, z.B. 0,004 mm = 4 μm.

#### Dezimale Vielfache oder Teile von Einheiten

vgl. DIN 1301-2 (1978-02)

Vors Zeichen	satz- Name	Zehner- potenz	Mathematische Bezeichnung	Beispiele	
Т	Tera	10 <sup>12</sup>	Billion	12 000 000 000 000 N = 12 · 10 <sup>12</sup> N = 12 TN (Tera-Newton)	
G	Giga	10 <sup>9</sup>	Milliarde	45 000 000 000 W = 45 · 10 <sup>9</sup> W = 45 GW (Giga-Watt)	
М	Mega	10 <sup>6</sup>	Million	8500000 V = 8,5 · 10 <sup>6</sup> V = 8,5 MV (Mega-Volt)	
k	Kilo	10 <sup>3</sup>	Tausend	12 600 W = 12,6 · 10 <sup>3</sup> W = 12,6 kW (Kilo-Watt)	
h	Hekto	10 <sup>2</sup>	Hundert	$500  l = 5 \cdot 10^2  l = 5  hl  (Hekto-Liter)$	
da	Deka	10 <sup>1</sup>	Zehn	32 m = 3,2 · 10 <sup>1</sup> m = 3,2 dam (Deka-Meter)	
_	-	10 <sup>0</sup>	Eins	1,5 m = 1,5 · 10 <sup>0</sup> m	
d	Dezi	10 <sup>-1</sup>	Zehntel	$0.5 l = 5 \cdot 10^{-1} l = 5 dl (Dezi-Liter)$	
С	Zenti	10 <sup>-2</sup>	Hundertstel	0,25 m = 25 · 10 <sup>-2</sup> m = 25 cm (Zenti-Meter)	
m	Milli	10 <sup>-3</sup>	Tausendstel	0,375 A = 375 · 10 <sup>-3</sup> A = 375 mA (Milli-Ampere)	
μ	Mikro	10 <sup>-6</sup>	Millionstel	0,000052 m = 52 · 10 <sup>-6</sup> m = 52 μm (Mikro-Meter)	
n	Nano	10 <sup>-9</sup>	Milliardstel	0,000000075 m = 75 · 10 <sup>-9</sup> m = 75 nm (Nano-Meter)	
р	Piko	10 <sup>-12</sup>	Billionstel	$0,000000000006 F = 6 \cdot 10^{-12} F = 6 pF (Pico-Farad)$	

#### Umrechnung von Einheiten

Berechnungen mit physikalischen Größen sind nur dann möglich, wenn sich ihre Einheiten jeweils auf eine Basis beziehen. Bei der Lösung von Aufgaben müssen Einheiten häufig auf Basiseinheiten umgerechnet werden, z.B. mm in m, h in s, mm² in m². Dies geschieht durch Umrechnungsfaktoren, die den Wert 1 (kohärente Einheiten) darstellen.

#### Umrechnungsfaktoren für Einheiten (Auszug)

Größe	Umrechnungsfaktoren, z.B.	Größe	Umrechnungsfaktoren, z.B.	
Längen	$1 = \frac{10 \text{ mm}}{1 \text{ cm}} = \frac{1000 \text{ mm}}{1 \text{ m}} = \frac{1 \text{ m}}{1000 \text{ mm}} = \frac{1 \text{ km}}{1000 \text{ m}}$	Zeit	$1 = \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} = \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{h}} = \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} = \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}}$	
Flächen	$1 = \frac{100 \text{ mm}^2}{1 \text{ cm}^2} = \frac{100 \text{ cm}^2}{1 \text{ dm}^2} = \frac{1 \text{ cm}^2}{100 \text{ mm}^2} = \frac{1 \text{ dm}^2}{100 \text{ cm}^2}$	Winkel	$1 = \frac{60'}{1^{\circ}} = \frac{60''}{1'} = \frac{3600''}{1^{\circ}} = \frac{1^{\circ}}{60 \text{ s}}$	
Volumen	$1 = \frac{1000 \text{ mm}^3}{1 \text{ cm}^3} = \frac{1000 \text{ cm}^3}{1 \text{ dm}^3} = \frac{1 \text{ cm}^3}{1000 \text{ mm}^3} = \frac{1 \text{ dm}^3}{1000 \text{ cm}^3}$	Zoll	1 inch = 25,4 mm; 1 mm = $\frac{1}{25,4}$ inch	

#### 1. Beispiel

Das Volumen  $V = 3416 \text{ mm}^3 \text{ ist in cm}^3 \text{ umzurechnen.}$ 

Das Volumen V wird mit dem Umrechnungsfaktor multipliziert, der im Zähler die Einheit cm<sup>3</sup> und im Nenner die Einheit mm<sup>3</sup> aufweist.

$$V = 3416 \text{ mm}^3 = \frac{1 \text{ cm}^3 \cdot 3416 \text{ mm}^3}{1000 \text{ mm}^3} = \frac{3416 \text{ cm}^3}{1000} = 3,416 \text{ cm}^3$$

#### 2. Beispiel

Die Winkelangabe  $\alpha = 42^{\circ} 16'$  ist in Grad (°) auszudrücken.

Der Teilwinkel 16' muss in Grad (°) umgewandelt werden. Er wird mit dem Umrechnungsfaktor multipliziert, der im Zähler die Einheit Grad (°) und im Nenner die Einheit Minute (′) hat.

$$\alpha = 42^{\circ} + 16' \cdot \frac{1^{\circ}}{60'} = 42^{\circ} + \frac{16 \cdot 1^{\circ}}{60} = 42^{\circ} + 0,267^{\circ} = 42,267^{\circ}$$





# Rechnen mit Größen, Prozentrechnung, Zinsrechnung

#### Rechnen mit Größen

Physikalische Größen werden mathematisch behandelt wie Produkte.

#### . Addition und Subtraktion

Bei gleichen Einheiten werden die Zahlenwerte addiert und die Einheit im Ergebnis übernommen.

#### Beispiel

$$L = l_1 + l_2 - l_3 \text{ mit } l_1 = 124 \text{ mm}, l_2 = 18 \text{ mm}, l_3 = 44 \text{ mm}; L = ?$$
 $L = 124 \text{ mm} + 18 \text{ mm} - 44 \text{ mm} = (124 + 18 - 44) \text{ mm} = 98 \text{ mm}$ 

#### Multiplikation und Division

Die Zahlenwerte und die Einheiten entsprechen den Faktoren von Produkten.

#### Beispiel

$$F_1 \cdot l_1 = F_2 \cdot l_2 \text{ mit } F_1 = 180 \text{ N}, l_1 = 75 \text{ mm}, l_2 = 105 \text{ mm}; F_2 = ?$$

$$F_2 = \frac{F_1 \cdot l_1}{l_2} = \frac{180 \text{ N} \cdot 75 \text{ mm}}{105 \text{ mm}} = 128,57 \frac{\text{N} \cdot \text{mm}}{\text{mm}} = 128,57 \text{ N}$$

#### • Multiplizieren und Dividieren von Potenzen

Potenzen mit gleicher Basis werden multipliziert bzw. dividiert, indem die Exponenten addiert bzw. subtrahiert werden.

#### Beispiel

$$W = \frac{A \cdot a^2}{e} \text{ mit } A = 15 \text{ cm}^2, \ a = 7.5 \text{ cm}, \ e = 2.4 \text{ cm}; \ W = ?$$

$$W = \frac{15 \text{ cm}^2 \cdot (7.5 \text{ cm})^2}{2.4 \text{ cm}} = \frac{15 \cdot 56.25 \text{ cm}^{2+2}}{2.4 \text{ cm}^4} = 351.56 \text{ cm}^{4-1} = 351.56 \text{ cm}^3$$

#### Regeln beim Potenzieren

Basis m, n ... Exponenten

#### Multiplikation von Potenzen

$$a^2 \cdot a^3 = a^{2+3}$$
$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

#### **Division von Potenzen**

$$\frac{a^2}{a^3} = a^{2-3}$$

$$\frac{a^{\rm m}}{a^{\rm n}} = a^{\rm m-n}$$

#### Sonderformen

$$a^{-2} = \frac{1}{a^2}$$

$$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$$

$$a^1 = a$$
  $a^0 =$ 

### Prozentrechnung

Der Prozentsatz gibt den Teil des Grundwertes in Hundertstel an. Der Grundwert ist der Wert, von dem die Prozente zu rechnen sind. Der Prozentwert ist der Betrag, den die Prozente des Grundwertes er-

 $P_{\rm s}$  Prozentsatz, Prozent  $P_{\rm w}$  Prozentwert  $G_{\rm w}$  Grundwert

#### Prozentwert

$$P_{\rm w} = \frac{G_{\rm w} \cdot P_{\rm s}}{100 \,\%}$$

#### Beispiel

Werkstückrohteilgewicht 250 kg (Grundwert); Abbrand 2% (Prozentsatz) Abbrand in kg = ? (Prozentwert)

$$P_{w} = \frac{G_{w} \cdot P_{s}}{100\%} = \frac{250 \text{ kg} \cdot 2\%}{100\%} = 5 \text{ kg}$$

#### Zinsrechnung

K<sub>n</sub> Anfangskapital K, Endkapital

Z Zinsen

p Zinssatz pro Jahr

t Laufzeit in Tagen, Verzinsungszeit

#### 1. Beispiel

$$K_0 = 2800,00 €$$
;  $p = 6\frac{\%}{a}$ ;  $t = \frac{1}{2} a$ ;  $Z = ?$ 

$$Z = \frac{2800,00 € ⋅ 6\frac{\%}{a} ⋅ 0,5 a}{100\%} = 84,00 €$$

# 2. Beispiel

#### Prozentwert

$$Z = \frac{K_0 \cdot p \cdot t}{100\% \cdot 360}$$

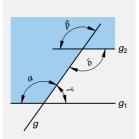
1 Zinsiahr (1 a) = 360 Tage (360 d) 360 d = 12 Monate 1 Zinsmonat = 30 Tage





# Winkelarten, Strahlensatz, Winkel im Dreieck, Satz des Pythagoras

#### Winkelarten



Gerade

parallele Geraden  $g_1, g_2$ 

Stufenwinkel  $\alpha, \beta$ 

 $\beta, \delta$ Scheitelwinkel

 $\alpha, \delta$ Wechselwinkel

Nebenwinkel α, γ

Werden zwei Parallelen durch eine Gerade geschnitten, so bestehen unter den dabei gebildeten Winkeln geometrische Beziehungen.

#### Stufenwinkel

 $\alpha = \beta$ 

#### Scheitelwinkel

$$\beta = \delta$$

#### Wechselwinkel

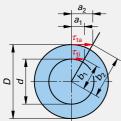
$$\alpha = \delta$$

#### Nebenwinkel

$$\alpha + \gamma = 180^{\circ}$$

# Strahlensatz

 $au_{ta}$  Torsionsspannung außen  $au_{ti}$  Torsionsspannung innen



Werden zwei Geraden durch zwei Parallelen geschnit- Strahlensatz ten, so bilden die zugehörigen Strahlenabschnitte gleiche Verhältnisse.

#### Beispiel

D = 40 mm, d = 30 mm,  

$$\tau_{ta} = 135 \text{ N/mm}^2$$
;  $\tau_{ti} = ?$ 

$$\frac{\tau_{ti}}{\tau_{ta}} = \frac{d}{D} \Rightarrow \tau_{ti} = \frac{\tau_{ta} \cdot d}{D}$$

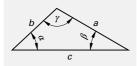
$$= \frac{135 \text{ N/mm}^2 \cdot 30 \text{ mm}}{40 \text{ mm}} = 101,25 \text{ N/mm}^2$$

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{\frac{d}{2}}{\frac{D}{2}}$$

$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2}$$

$$\frac{b_1}{d} = \frac{b_2}{D}$$

#### Winkelsumme im Dreieck



a. b. c  $\alpha, \beta, \gamma$ 

Dreieckseiten Winkel im Dreieck

#### Beispiel

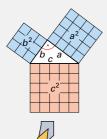
$$\alpha = 21^{\circ}, \beta = 95^{\circ}, \gamma = ?$$
  
 $\gamma = 180^{\circ} - \alpha - \beta = 180^{\circ} - 21^{\circ} - 95^{\circ} = 64^{\circ}$ 

#### Winkelsumme im Dreieck

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$

In jedem Dreieck ist die Winkelsumme 180°.

# Lehrsatz des Pythagoras



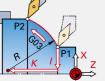
quadrate. Kathete

- Kathete
- Hypotenuse

#### 1. Beispiel

$$c = 35 \text{ mm}; a = 21 \text{ mm}; b = ?$$
  
 $b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{(35 \text{ mm})^2 - (21 \text{ mm})^2} = 28 \text{ mm}$ 

#### 2. Beispiel



CNC-Programm mit R = 50 mm und I = 25 mm. K = ?

$$c^2 = a^2 + b^2$$
  
 $R^2 = I^2 + K^2$ 

$$K = \sqrt{R^2 - I^2} = \sqrt{50^2 \text{ mm}^2 - 25^2 \text{ mm}^2}$$

K = 43,3 mm

#### Quadrat über Im rechtwinkligen Dreieck ist das Hypotenusenquadrat flächengleich der Summe der beiden Kathetender Hypotenuse

$$c^2 = a^2 + b^2$$

#### Länge der Hypotenuse

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

#### Länge der Katheten

$$a = \sqrt{c^2 - b^2}$$

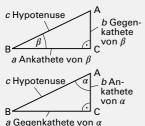
$$b = \sqrt{c^2 - a^2}$$

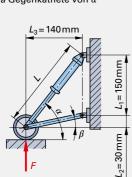




# **Funktionen im Dreieck**

#### Funktionen im rechtwinkligen Dreieck (Winkelfunktionen)





с	Hypotenuse (längste Seite)
a, b	Katheten
	Bezogen auf den Winkel $\alpha$ ist
	<ul> <li>b die Ankathete und</li> </ul>
	<ul> <li>a die Gegenkathete</li> </ul>
$\alpha, \beta, \gamma$	Winkel im Dreieck, mit $\gamma = 90^{\circ}$
sin	Schreibweise für Sinus
cos	Schreibweise für Kosinus
tan	Schreibweise für Tangens
$\sin \alpha$	Sinus des Winkels $\alpha$

#### Länge der Katheten Gegenkathete Sinus Hypotenuse Ankathete Kosinus Hypotenuse Gegenkathete **Tangens** Ankathete Ankathete Kotangens = Gegenkathete

## 1. Beispiel

$$L_1$$
 = 150 mm,  $L_2$  = 30 mm,  $L_3$  = 140 mm;  
Winkel  $\alpha$  = ?  
 $\tan \alpha = \frac{L_1 + L_2}{L_3} = \frac{180 \text{ mm}}{140 \text{ mm}} = 1,286$ 

#### 2. Beispiel

$$L_1 = 150 \text{ mm}, L_2 = 30 \text{ mm}, \alpha = 52^\circ;$$
  
Länge des Stoßdämpfers  $L = ?$   
 $L = \frac{L_1 + L_2}{1000 \text{ mm}} = 228,42 \text{ mm}$ 

Bezogen auf den Winkel  $\alpha$  ist:

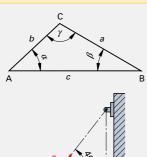
$$\sin \alpha = \frac{a}{c} \left| \cos \alpha = \frac{b}{c} \right| \tan \alpha = \frac{a}{b}$$

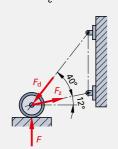
Bezogen auf den Winkel  $\beta$  ist:

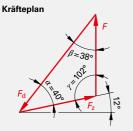
$$\sin \beta = \frac{b}{c} \left| \cos \beta = \frac{a}{c} \right| \tan \beta = \frac{b}{a}$$

Die Berechnung eines Winkels in Grad (°) oder als Bogenmaß (rad) erfolgt mit der Arcus-Funktion, z.B. arcsin.

# Funktionen im schiefwinkligen Dreieck (Sinussatz, Kosinussatz)







Im Sinussatz entsprechen die Seitenverhältnisse dem Sinus der entsprechenden Gegenwinkel im Dreieck. Aus einer Seite und zwei Winkeln lassen sich die anderen Werte berechnen.

Seite  $a \rightarrow Gegenwinkel \alpha$ Seite  $b \rightarrow \text{Gegenwinkel } \beta$ Seite  $c \rightarrow \text{Gegenwinkel } \gamma$ 

#### Beispiel

 $F = 800 \text{ N}, \ \alpha = 40^{\circ}, \ \beta = 38^{\circ}; \ F_z = ?, \ F_d = ?$ Die Berechnung erfolgt jeweils aus dem Kräfteplan.

$$\frac{F}{\sin \alpha} = \frac{F_z}{\sin \beta} \implies F_z = \frac{F \cdot \sin \beta}{\sin \alpha}$$

$$F_z = \frac{800 \text{ N} \cdot \sin 38^\circ}{\sin 40^\circ} = 766,24 \text{ N}$$

$$\frac{F}{\sin \alpha} = \frac{F_d}{\sin \gamma} \Rightarrow F_d = \frac{F \cdot \sin \gamma}{\sin \alpha}$$

$$F_{\rm d} = \frac{800 \text{ N} \cdot \sin 102^{\circ}}{\sin 40^{\circ}} = 1217,38 \text{ N}$$

Die Berechnung eines Winkels in Grad (°) oder als Bogenmaß (rad) erfolgt mit der Arcus-Funktion, z.B. arccos.

#### Sinussatz

$$a:b:c = \sin \alpha : \sin \beta : \sin \gamma$$
  
$$\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$$

Vielfältige Umstellungen sind möglich:

$$a = \frac{b \cdot \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{c \cdot \sin \alpha}{\sin \gamma}$$

$$b = \frac{a \cdot \sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{c \cdot \sin \beta}{\sin \gamma}$$

$$c = \frac{a \cdot \sin \gamma}{\sin \beta} = \frac{b \cdot \sin \gamma}{\sin \beta}$$

Kosinussatz
$a^{2} = b^{2} + c^{2} - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$ $b^{2} = a^{2} + c^{2} - 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos \beta$ $c^{2} = a^{2} + b^{2} - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$
$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \gamma$

Umstellung, z.B.

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 \cdot b \cdot c}$$



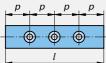


20 1.4 Längen

# Teilung von Längen, Bogenlänge, zusammengesetzte Länge

## Teilung von Längen

# Randabstand = Teilung



Gesamtlänge

p Teilung

n Anzahl der Bohrungen

#### Beispiel

$$l = 2 \text{ m}; n = 24 \text{ Bohrungen}; p = ?$$

$$p = \frac{l}{n+1} = \frac{2000 \text{ mm}}{24+1} = 80 \text{ mm}$$

Teilung

$$p = \frac{l}{n+1}$$

#### Randabstand ≠ Teilung

Gesamtlänge

p Teilung

Anzahl der Bohrungen

a, b Randabstände

#### Teilung

$$p = \frac{l - (a + b)}{n - 1}$$

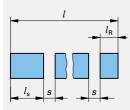
#### Beispiel

Beispiel

l = 1950 mm; a = 100 mm; b = 50 mm; n = 25 Bohrungen; p = ? $p = \frac{l - (a + b)}{l} = \frac{1950 \text{ mm} - 150 \text{ mm}}{l} = 75 \text{ mm}$ 

l = 6 m;  $l_{\rm s}$  = 230 mm; s = 1,2 mm; z = ?;  $l_{\rm R}$  = ?  $z = \frac{l}{l_s + s} = \frac{6000 \text{ mm}}{230 \text{ mm} + 1.2 \text{ mm}} = 25.95 = 25 \text{ Teile}$ 

#### Trennung von Teilstücken



Gesamtlänge Teillänge

Anzahl der Teile

Sägeschnittbreite

Restlänge

 $I_{\rm R} = l - z \cdot (l_{\rm s} + s) = 6000 \, \text{mm} - 25 \cdot (230 \, \text{mm} + 1.2 \, \text{mm})$ 

# Anzahl der Teile

$$z = \frac{l}{l_{s} + s}$$

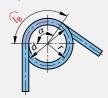
# Gesamtlänge

$$l = l_s \cdot z + s \cdot (z - 1)$$

$$l_{\mathsf{R}} = l - z \cdot (l_{\mathsf{s}} + s)$$

# Bogenlänge

#### Beispiel: Schenkelfeder



Bogenlänge Radius

α Mittelpunktswinkel

d Durchmesser

#### Bogenlänge

$$l_{\rm B} = \frac{\pi \cdot r \cdot \alpha}{180^{\circ}}$$

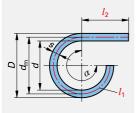
$$l_{\rm B} = \frac{\pi \cdot d \cdot \alpha}{360^{\circ}}$$

# Beispiel

$$r = 36 \text{ mm}; \ \alpha = 120^{\circ}; \ l_{\rm B} = ?$$

$$l_{\rm B} = \frac{\pi \cdot r \cdot \alpha}{180^{\circ}} = \frac{\pi \cdot 36 \text{ mm} \cdot 120^{\circ}}{180^{\circ}} = 75,36 \text{ mm}$$

# Zusammengesetzte Länge



Außendurchmesser

d<sub>m</sub> mittlerer Durchmesser s Dicke  $l_1, l_2$  Teillängen Mittelpunktswinkel

d Innendurchmesser L zusammengesetzte

Länge

#### Zusammengesetzte Länge

 $L = l_1 + l_2 + ...$ 

Beispiel (Zusammengesetzte Länge, Bild links)

$$D = 360 \text{ mm}; s = 5 \text{ mm}; \alpha = 270^{\circ}; l_2 = 70 \text{ mm}; d_m = ?; L = ?$$

$$d_{\rm m} = D - s = 360 \text{ mm} - 5 \text{ mm} = 355 \text{ mm}$$

$$L = l_1 + l_2 = \frac{\pi \cdot d_m \cdot \alpha}{360^{\circ}} + l_2$$
$$= \frac{\pi \cdot 355 \text{ mm} \cdot 270^{\circ}}{360^{\circ}} + 70 \text{ mm} = 906,45 \text{ mm}$$

